

# ПЛАН УЧЕБНОГО ЗАНЯТИЯ

## по дисциплине «Математика»

дата 21.12.2023

### ДИФФЕРЕНЦИРОВАННЫЙ ЗАЧЕТ

(для тех, кто по уважительной причине не отправил работу 21 декабря)

1. Работу выполняем на двойном листочке в клетку. Записываем Ф.И., группу, вариант.
2. Вариант определяем по списку, представленному ниже.

	Э 230911		Э 230912
1 вариант	Белякова Дарья	1 вариант	Бобович Алина
	Бисерова Валерия		Буйлина Вероника
	Бочкарёв Вадим		Бусель Альбина
	Владимирцева Анастасия		Бусловская Диана
	Вологина Полина		Глазычев Илья
	Горшенина Маргарита		Жогица Валерия
2 вариант	Гречко Альбина	2 вариант	Зарипов Андрей
	Жминько Ирина		Земцов Матвей
	Калашникова Владислава		Зуева Дарья
	Кириллова Карина		Конькова Алина
	Магильная Варвара		Лепешева Альбина
	Макушина Евгения		Лужных Захар
3 вариант	Межонная Анастасия	3 вариант	Максимова Ксения
	Непеина Наталья		Макушина Лариса
	Новикова Софья		Плаксина Олеся
	Панихина Полина		Рахимова Яна
	Платошин Михаил		Смирнов Данил
	Полторацкий Игорь		Спицына Ксения
4 вариант	Руднева Людмила	4 вариант	Трубкина Екатерина
	Тарасова Ксения		Усольцева Дарья
	Филипов Матвей		Чаховская Юлия
	Шкиренко Анна		Шароухов Сергей
	Шмакова Анастасия		Шугаев Александр
	Яковлев Александр		Омельченко Татьяна
	Никитин Никита		Синкевич Алёна

### ИНСТРУКЦИЯ

Работа состоит из трех частей и содержит 10 заданий.

Часть 1 содержит 7 заданий (А1–А7) базового уровня. Задания этой части не требуют громоздких вычислений, сложных преобразований. Для их решения достаточно использовать основные определения, владеть минимальным набором формул и алгоритмов. К каждому заданию А1–А7 приведены 4 варианта ответа, из которых только один верный. При выполнении этих заданий надо указать номер верного ответа.

Часть 2 содержит 2 задания (В1–В2). Уровень сложности данных заданий выше, чем в первой части. К заданиям В1–В3 и С1 надо записать обоснованное решение.

**ВАРИАНТ № 1**

**Часть А**

**А 1** Железнодорожный билет для взрослого стоит 820 рублей. Стоимость билета для студента составляет 50% стоимости билета взрослого. Группа состоит из 20 школьников и 2 взрослых. Сколько рублей стоят билеты на всю группу?

- 1) 8200                      3) 9840  
2) 1640                      4) 9020

**А 2** Точка М – середина отрезка АВ. Найдите координаты точки М, если А (0; 4; -4), В (-2; 2; 0):

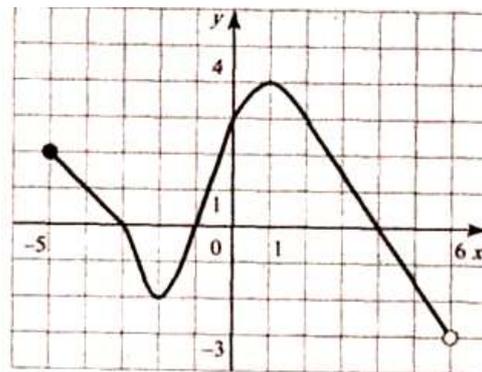
- 1) (1; 3; -2)                      3) (-1; -2; -3)  
2) (1; 3; 2)                      4) (-1; 3; -2)

**А 3** Упростить выражение:  $3\cos^2\alpha - 6 + 3\sin^2\alpha$

- 1) 1                              3) -5  
2) -3                              4) 3

**А 4** На рисунке изображен график функции. Укажите область определения этой функции.

- 1) [-5; 6)  
2) [-2; 4]  
3) (-3; 4]  
4) (-3; 2]



**А 5** Решите неравенство  $\frac{x+2}{7-x} \geq 0$

- 1)  $(-\infty; -6)$                       3)  $(-1; 8)$   
2)  $[-2; 7)$                       4)  $[0; +\infty)$

**А 6** Найдите  $z_1 \cdot z_2$  с комплексными числами, если  $z_1=5-6i$   $z_2=-3+7i$

- 1)  $27+53i$                       3)  $-27+53i$   
2)  $-57+53i$                       4)  $57+53i$

**А 7** Решите уравнение  $\sin \frac{x}{4} = \frac{1}{2}$

- 1)  $(-1)^k \cdot \frac{2\pi}{3} + 4\pi k, k \in \mathbb{Z}$                       3)  $(-1)^k \cdot \frac{\pi}{6} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$   
2)  $(-1)^k \cdot \frac{\pi}{6} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$                       4)  $(-1)^k \cdot \frac{\pi}{3} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$

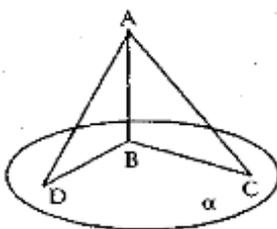
**Часть В**

**В 1** Найдите значение  $\cos x$ , если  $\sin x = \frac{4}{5}$ ,  $x \in \text{II}$  четверти.

**В 2** Даны векторы  $\vec{a}\{-2; 3; 0\}$ ,  $\vec{b}\{0; -3; 2\}$ ,  $\vec{c}\{4; 6; -3\}$ . Найдите координаты вектора  $\vec{p} = \vec{b} - 3\vec{a} + \vec{c}$

**Часть С**

Отрезки двух наклонных, проведённые из одной точки до пересечения с плоскостью, равны 14 и 20 см, проекция одного из отрезков равна 16 см. Найдите проекцию другого отрезка.



**ВАРИАНТ № 2**

**Часть А**

**А 1** Тетрадь стоит 50 руб. Какое наибольшее количество таких тетрадей можно будет купить на 750 рублей после понижения цены на 25%.

- 1) 15
- 2) 20
- 3) 30
- 4) 2

**А 2** Точка М – середина отрезка АВ. Найдите координаты точки М, если А (6; 2; -4), В (-2; 2; 0).

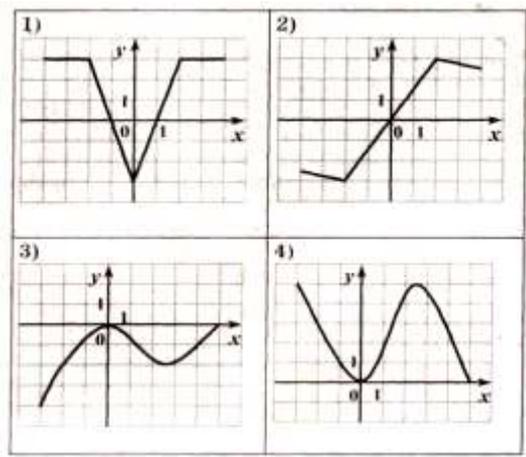
- 1) (1; 3; -2)
- 2) (1; 3; 2)
- 3) (2; 2; -2)
- 4) (-2; -2; 2)

**А 3** Упростить выражение:  $9\cos^2\alpha - 16 + 9\sin^2\alpha$

- 1) 2
- 2) -25
- 3) -15
- 4) -7

**А 4** На одном из рисунков изображен график четной функции. Укажите этот рисунок.

- 1) 1
- 2) 2
- 3) 3
- 4) 4



**А 5** Решите неравенство  $\frac{6x + 18}{7x} \leq 0$ .

- 1)  $[-3; 0) \cup (0; +\infty)$
- 2)  $[-3; 0)$
- 3)  $[-3; +\infty)$
- 4)  $(-\infty; -3] \cup (0; +\infty)$

**А 6** Найдите  $z_1 \cdot z_2$  с комплексными числами, если  $z_1=9+2i$   $z_2=8-1i$

- 1)  $70+7i$
- 2)  $-74+7i$
- 3)  $-70+7i$
- 4)  $74+7i$

**A 7** Решите уравнение  $2\cos\frac{x}{2}=1$

- 1)  $\pm\frac{\pi}{3}+2\pi n, n\in\mathbb{Z}$       3)  $\frac{2\pi}{3}+4\pi n, n\in\mathbb{Z}$   
 2)  $\pm\frac{\pi}{6}+\pi n, n\in\mathbb{Z}$       4)  $\pm\frac{2\pi}{3}+4\pi n, n\in\mathbb{Z}$

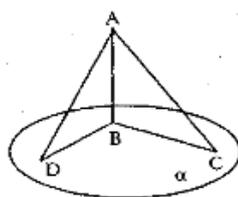
**Часть В**

**В 1** Найдите значение  $\sin x$ , если  $\cos x = -\frac{3}{5}, x \in \text{II}$  четверти.

**В 2** Даны векторы  $\vec{a}\{-2; 3; 0\}, \vec{b}\{0; -3; 2\}, \vec{c}\{4; 6; -3\}$ . Найдите координаты вектора  $\vec{p} = \vec{b} - 2\vec{a} + 4\vec{c}$

**Часть С**

Отрезки двух наклонных, проведённые из одной точки до пересечения с плоскостью, равны 7 и 10 см, проекция одного из отрезков равна 8 см. Найдите проекцию другого отрезка.



**ВАРИАНТ № 3**

**Часть А**

**A 1** Девочка купила проездной билет на месяц и сделала 31 поездку. Сколько рублей она сэкономила, если проездной билет на месяц стоит 207 руб., а разовая поездка – 21 руб.

- 1) 651                      3) 197  
 2) 10                        4) 444

**A 2** Точка М – середина отрезка АВ. Найдите координаты точки М, если А (6; 0; -3), В (-2; 8; 9)

- 1) (-2; -4; 3)              3) (-1; -2; -3)  
 2) (2; 4; 3)                4) (-1; 3; -2)

**A 3** Упростить выражение:  $5\cos^2\alpha - 17 + 5\sin^2\alpha$

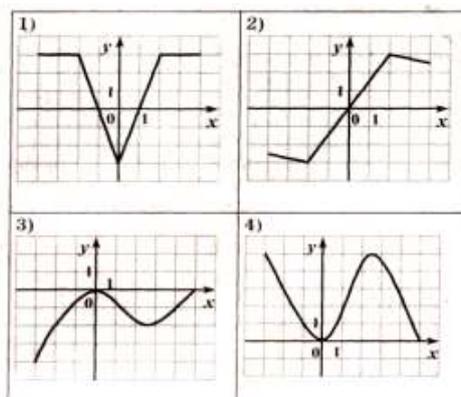
- 1) 7                            3) 12  
 2) -12                        4) -7

**A 4** На одном из рисунков изображен график нечетной функции. Укажите этот рисунок.

- 1) 1                            3) 3  
 2) 2                            4) 4

**A 5** Решите неравенство  $\frac{5x-15}{(x+6)(x-8)} > 0$ .

- 1)  $(-\infty; 6) \cup (3; 8)$   
 2)  $(-\infty; -6) \cup (-6; 3)$   
 3)  $(-6; 3) \cup (8; +\infty)$   
 4)  $(3; 8) \cup (8; +\infty)$



**А 6** Найдите  $z_1 \cdot z_2$  с комплексными числами, если  $z_1=1+2i$   $z_2=3+4i$

- 1)  $11+10i$                       3)  $-5+10i$   
2)  $-11+10i$                     4)  $5+10i$

**А 7** Решите уравнение  $\operatorname{tg} 2x = 1$

- 1)  $-\frac{\pi}{4} + \pi, n \in \mathbb{Z}$       2)  $\frac{\pi}{8} + \frac{\pi}{2}, n \in \mathbb{Z}$   
3)  $-\frac{\pi}{8} + \frac{\pi}{2}, n \in \mathbb{Z}$       4)  $\pm \frac{\pi}{8} + \frac{\pi}{2}, n \in \mathbb{Z}$

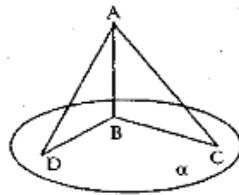
### Часть В

**В 1** Найдите значение  $\cos x$ , если  $\sin x = -0,8, x \in \text{IV}$  четверти

**В 2** Даны векторы  $\vec{a}\{-2; 3; 0\}, \vec{b}\{0; -3; 2\}, \vec{c}\{4; 6; -3\}$ . Найдите координаты вектора  $\vec{p} = 3\vec{b} - 4\vec{a} + 2\vec{c}$

### Часть С

Отрезки двух наклонных, проведённые из одной точки до пересечения с плоскостью, равны 4 и 5 см, проекция одного из отрезков равна 4 см. Найдите проекцию другого отрезка.



### ВАРИАНТ № 4

#### Часть А

**А 1** В летнем лагере на каждого участника полагается 40 г сахара в день. В лагере 164 человека. Сколько килограммовых пачек сахара понадобится на весь лагерь на 9 дней?

- 1) 65                              3) 60  
2) 6560                          4) 360

**А 2** Точка М – середина отрезка АВ. Найдите координаты точки М, если А (-3; 7; 0), В (-3; 5; 2).

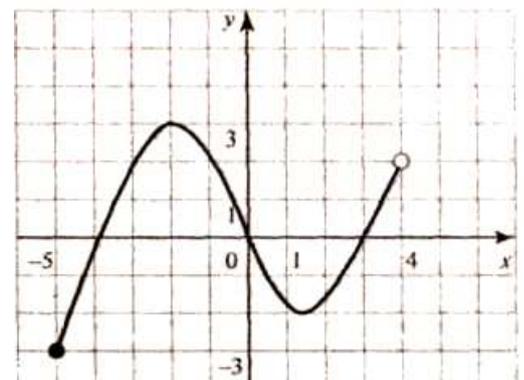
- 1) (1; 3; -2)                    3) (-3; 6; 1)  
2) (-2; 6; 1)                    4) (-3; 6; -2)

**А 3** Упростить выражение:  $8\cos^2\alpha - 11 + 8\sin^2\alpha$

- 1) 3                                3) 19  
2) -19                            4) -3

**А 4** На рисунке изображен график функции. Укажите область значения этой функции.

- 1)  $[-5; 4)$   
2)  $[-3; 2]$   
3)  $[-3; 3]$   
4)  $(-3; 2] \cup (2; 3]$



**А 5** Решите неравенство  $\frac{x-3}{2x(x+6)} \geq 0$

- 1)  $(-\infty; -6) \cup [3; +\infty)$
- 2)  $(-\infty; -6) \cup (0; 3]$
- 3)  $(-6; 0) \cup (3; +\infty)$
- 4)  $(-6; 0) \cup [3; +\infty)$

**А 6** Найдите  $z_1 \cdot z_2$  с комплексными числами, если  $z_1 = 5 - 6i$   $z_2 = 3 + 4i$

- 1)  $39 + 2i$
- 2)  $9 + 2i$
- 3)  $-9 + 2i$
- 4)  $-39 + 2i$

**А 7** Решите уравнение  $\operatorname{ctg} 3x = 1$

- 1)  $\frac{3\pi}{4} + 3\pi n, n \in Z$
- 2)  $\frac{\pi}{12} + \frac{\pi n}{3}, n \in Z$
- 3)  $\frac{\pi}{4} + \frac{\pi n}{3}, n \in Z$
- 4)  $\pm \frac{\pi}{12} + \frac{\pi n}{3}, n \in Z$

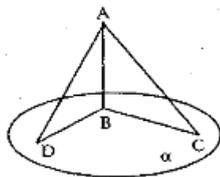
### Часть В

**В 1** Найдите значение  $\sin x$ , если  $\cos x = 0,6$ ,  $x \in I$  четверти.

**В 2** Даны векторы  $\vec{a}\{-2; 3; 0\}$ ,  $\vec{b}\{0; -3; 2\}$ ,  $\vec{c}\{4; 6; -3\}$ . Найдите координаты вектора  $\vec{p} = 2\vec{b} - 4\vec{a} + \vec{c}$

### Часть С

Отрезки двух наклонных, проведённые из одной точки до пересечения с плоскостью, равны 10 и 15 см, проекция одного из отрезков равна 12 см. Найдите проекцию другого отрезка.



Задание отправляем на электронную почту [oles.udalova@yandex.ru](mailto:oles.udalova@yandex.ru)

**Работа сдается до 12 часов 21 декабря!**